

## VETORES

"Quando a soma de 2 + 2 pode até ser 4 !"

Prof. Alexandre Ortiz Calvão

**GRANDEZAS VETORIAIS** - São aquelas que ficam perfeitamente determinadas quando conhecemos seu módulo, direção e sentido.

**REPRESENTAÇÃO GRÁFICA DE UM VETOR**

Graficamente os vetores são representados por setas

**DEFINIÇÃO GEOMÉTRICA DE UM VETOR** -

Vetor é um segmento de reta orientado. Possui módulo ou intensidade, direção, e sentido.

**DIREÇÃO:** A mesma da reta a qual pertence o segmento.

**SENTIDO:** Para onde aponta a flecha (A para B)

**INTENSIDADE:** Proporcional ao comprimento do vetor

**VETOR OPOSTO** - O vetor oposto a um dado vetor A é um vetor com mesma direção e módulo, porém de sentido contrário (inverso) ao de A.

### OPERAÇÕES COM VETORES

**ADICÃO DE VETORES** (métodos gráficos)

Representação vetorial  $S = A + B$

**REGRA DO POLÍGONO:** A soma de dois ou mais vetores pode ser obtida graficamente unindo-se a extremidade de um a origem do outro, até ligarmos todos os vetores que desejamos somar.

A resultante é obtida ligando-se o origem do primeiro vetor à extremidade do último que desejamos somar.

**REGRA DO PARALELOGRAMO:** Para somar dois vetores, usando-se esta regra, faz-se as seguintes operações:

1 - Transladamos os vetores a serem somados para um ponto comum, de modo que suas origens coincidam.

2 - Pela extremidade de cada vetor traça-se uma reta paralela ao outro, de forma que se obtenha um paralelogramo.

3 - O vetor soma corresponde a diagonal desse paralelogramo, com origem coincidente com à origem dos dois vetores.

### SUBTRAÇÃO DE VETORES

Para efetuarmos a diferença de vetores, basta transformar a diferença em uma soma através do uso de um vetor oposto ao vetor que queremos subtrair.

$$R = A - B = A + (-B)$$

### PRODUTO DE UM VETOR POR UM ESCALAR

$R = K \cdot V$  onde  $k \in R$ , se  $k > 0$  o sentido do vetor não muda, se  $k < 0$  o sentido será invertido.

**OPERAÇÕES COM VETORES : Exemplos**

	SOMA $V_2 + V_3$	SUBTRAÇÃO $V_2 - V_1$	PRODUTO P/ESCALAR $4V_3$

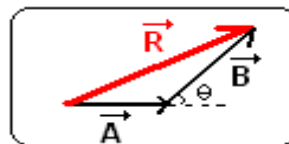
## MÓDULO DO VETOR SOMA PARA DOIS VETORES

1º. CASO. Dois vetores perpendiculares (ortogonais);

$$R = (A^2 + B^2)^{1/2}$$

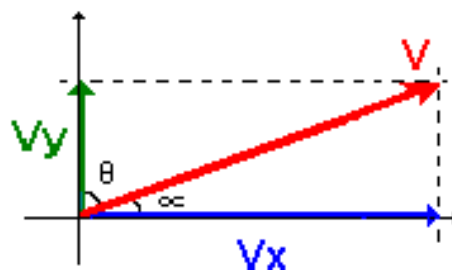
2º CASO. Os dois vetores fazem um ângulo  $\theta$  qualquer entre eles.

$$R^2 = A^2 + B^2 + 2 A B \cos \theta$$



### PROJEÇÃO CARTESIANA DE UM VETOR

Qualquer vetor pode ser decomposto em suas componentes cartesianas



$$v = V_x i + V_y j \quad V_x = V \cos \alpha \quad e \quad V_y = V \sin \alpha$$

$$ou \quad V_x = V \sin \theta \quad e \quad V_y = V \cos \theta$$

## VETOR SOMA PELO MÉTODO DAS PROJECÇÕES CARTESIANAS

1. Decompomos todos os vetores em suas componentes em "X" e "Y" ( $V_x$  e  $V_y$ )

2. Somamos todas componentes em "x" ( $\Sigma V_x$ ).

3. Somamos todas componentes em "y" ( $\Sigma V_y$ ).

4. Calculamos o módulo da resultante usando o teorema de Pitágoras

$$V^2 = (\Sigma V_x)^2 + (\Sigma V_y)^2$$

5. Achamos o ângulo que o vetor resultante faz com o eixo dos "x".

$$\text{tg } \theta = \Sigma V_y / \Sigma V_x$$

